

# COMPUTERMATHEMATIK

## Laborübungen zur R-Programmierung

<http://www.statistik.tuwien.ac.at/lv-guide/>

BLATT I

SOMMERSEMESTER 2011

- 1) Man erzeuge einen normalverteilte Stichprobe vom Umfang 100,  $X \sim N(0,1)$ . Für eine passende Klasseneinteilung (ca. 8 Klassen) soll ein Histogramm und ein Kreisdiagramm erstellt werden.
- 2) Man erzeuge einen exponentialverteilte Stichprobe  $X \sim Ex_\lambda$  vom Umfang 150. Danach vergleiche man graphisch (in einer Zeichnung) die empirische Verteilungsfunktion aus den erzeugten Daten mit der Verteilungsfunktion der Exponentialverteilung  $Ex_\lambda$ . (Parameterwerte  $\lambda = 3$  bzw.  $\lambda = 0.2$ )
- 3)  $p_i = P[X = i]$  bezeichne die Punktwahrscheinlichkeit einer Poissonverteilung  $X \sim P_5$ . Erstellen Sie eine  $6 \times 8$  Matrix  $A = (a_{i,j})$  mit

$$a_{i,j} = \begin{cases} p_i \cdot p_j & \text{wenn } i > j \\ p_i + p_j & \text{sonst} \end{cases}$$

Für diese Matrix sollen folgende Operationen durchgeführt werden:

- a) Berechnung der Vektoren von Zeilen- bzw. Spaltensummen
  - b) Sortieren der Matrix nach der zweiten Spalte (aufsteigend geordnet)
  - c) Berechnung von  $A * A^\top$
- 4) Für die Verteilungsfunktion

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{für } x < 1 \\ \frac{x^2}{9} & \text{für } 1 \leq x \leq 3 \\ 1 & \text{für } x > 3 \end{cases}$$

sollen Zufallszahlen erzeugt werden. Man erstelle ein Skript für die verallgemeinerte Inverse  $F^{-1}(\cdot)$ . Mit stetig gleichverteilten Werten  $U_i$ ,  $U_i \sim U_{0,1}$  sind dann

$$X_i = F^{-1}(U_i)$$

nach der Verteilungsfunktion  $F(\cdot)$  verteilt.

- 5) Man analysiere folgenden R-Code:

```
function(){ x <- round(rexp(100,0), 2)
            y <- scan("DataBsp5")
            print(A <- matrix(c(var(x),cov(x,y),var(y),cor(x,y)),ncol=2))
            qv = c(0.1,0.3,0.5,0.8,0.9,1.1)
            xs <- (x-mean(x))/sd(x) ; ys <- (y-mean(y))/sd(y)
            xq <- quantile(xs,qv, type=2) , yq <- quantile(ys,qv, type=2)
            plot(xq,yq, xlim=c(-1.5,1.5), ylim=c(-1.5,1.5) )
            xr <- rank(x) ; yr <- rank(y)
            xrs <- (xr -mean(xr))/sd(xr) ; yrs <- (yr -mean(yr))/sd(yr)
            xrq <- quantile(xrs,qv, type=2)
```

```
yrq <- quantile(yrs,qv, type=2)
print(Ar <- matrix(c(var(xr),cov(xr,yr),var(yr),cor(xr,yr)),ncol=2))
points(xrq,yrq, pch=20,col="red") }
```

- a) Man korrigiere den Code und ersetze oder entferne ungeeignete Parameter.
- b) Man erkläre die Berechnungen der Prozedur.

---

---

## ERGÄNZUNGSAUFGABEN

**E - 6)** Erzeugen Sie eine Stichprobe vom Umfang 200 einer zweidimensionalen normalverteilten Stochastischen Größe  $(X, Y)$ . Dabei soll  $X \sim N(0, 2)$ ,  $Y \sim N(3, 5)$  gelten und die Korrelation gleich  $\rho_{X,Y} = -0.3$  sein.

HINWEIS: Die Aufgabe kann auf verschiedene Arten gelöst werden.

- a) Man gehe von unabhängigen normalverteilten Werten  $X_0 \sim N(0, 1)$ ,  $Y_0 \sim N(0, 1)$  aus und bestimme zuerst Parameter  $\theta_i$  (ohne Programm) sodaß

$$X = \theta_1 + \theta_2 X_0$$

$$Y = \theta_3 X_0 + \theta_4 Y_0 + \theta_5$$

die geforderten Mittelwerte, Varianzen und Korrelation hat. (Eigentlich ist nur ein Parameter zu berechnen, etwa muß  $\theta_1 = 0$ ,  $\theta_2 = \sqrt{2}$ ,  $\theta_5 = 3$  sein.)

oder

- b) Man verwende direkt das R-Programm für eine multivariate Normalverteilung.

**E - 7)** Mit den Werten aus Beispiel E - 6 soll eine Regressionsgerade

$$y_i = \alpha + \beta x_i$$

berechnet werden. Man schätze die Parameter  $\alpha, \beta$ , das Bestimmtheitsmaß und erstelle einen Plot der Punkte und Regressionsgerade.